

رابط القناة علي تطبيق Telegram 👃

@OW_Sec3



الصف الثالث الثانوي

الاحتكاك

السطوح الملساء: تنعدم قوى الاحتكاك فيها تمامًا ويكون معامل الاحتكاك = صفر (وهي سطوح افتراضية)

السطوح الخشنة : تظهر فيها قوى الاحتكاك ويكون معامل الاحتكاك فيها يساوى عددًا حقيقيًا موجبًا اكبر من الصفر.

رد الفعل:

- 😎 في حالة السطوح الملساء: يكون رد الفعل عموديًا على سطح التماس المشترك للجسمين المتلامسين.
- في حالة السطوح الخشنة: يكون رد الفعل غير معلوم الاتجاه حيث يتوقف على طبيعة السطحين المتلامسين
 كما يتوقف على القوى الأخرى المؤثرة على الجسم.

قوة الاحتكاك السكوني:

تظهر عند محاولة تحريك جسم على سطح خشن ويكون اتجاهها معاكس للاتجاه الذى يميل الجسم إلى الحركة فيه وتعطى قيمتها بالمتباينة $(\cdot \cdot < \delta \leq \gamma_0, \sigma)$ حيث : γ_0 هو معامل الاحتكاك السكونى.

قوة الاحتكاك السكوني النهائي:

عندما تصل قوة الاحتكاك السكونى إلى قيمتها العظمى يكون الجسم عندها على وشك الحركة (دون أن يتحرك) ويكون الاحتكاك عندها نهائيًا ويرمز له بالرمز (غي)

وتكون: غ = كي ح

قوة الاحتكاك الحركى:

إذا تحرك جسم على سطح خشن فإنه يخضع لقوة احتكاك حركى يكون اتجاهها عكس اتجاه حركته ، وتعطى قيمتها بالعلاقة : $\frac{3}{2}$ حيث $\frac{3}{2}$ حيث $\frac{3}{2}$ هو معامل الاحتكاك الحركى.

ملاحظات على معامل الاحتكاك السكونى والحركى:

- المتماسة على مساحة السطوح المتماسة على مساحة السطوح المتماسة والمتماسة المتحرك.
 - → معامل الاحتكاك السكوني (م) > معامل الاحتكاك الحركي (م) انقم الي

قناة العباقرة ٣ث

رابط القناة على تطبيق Telegram







رد الفعل المحصل (٧): هو محصلة قوة رد الفعل العمودي ٧ وقوة الاحتكاك النهائي غي

زاوية الاحتكاك: الزاوية المحصورة بين قوة رد الفعل العمودى وقوة رد الفعل المحصل.

(في حالة الاحتكاك النهائي)

العلاقة بين معامل الاحتكاك وزاوية الاحتكاك: معامل الاحتكاك = ظل زاوية الاحتكاك

العلاقة بين قياس زاوية الاحتكاك وقياس زاوية ميل المستوى على الأفقى:

إذا وُضع جسم على مستو مائل خشن وكان الجسم على وشك الانزلاق تحت تأثير وزنه فقط فإن قياس زاوية الاحتكاك يساوى قياس زاوية ميل المستوى على الأفقى.

العزوم

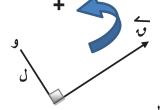
عزم قوة بالنسبة لنقطة : يُعرف عزم القوة $\frac{1}{2}$ المؤثرة على جسم حول النقطة (و) بأنه مقدرة القوة $\frac{1}{2}$ على احداث دوران للجسم حول نقطة (و).

ويحسب عزم القوة $\frac{1}{\sqrt{2}}$ من العلاقة : $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}}$ حيث : $\frac{1}{\sqrt{2}}$ متجه موضع نقطة على خط عمل القوة بالنسبة للنقطة (و) ويكون اتجاه العزم عمودى على المستوى الذي يحوى كل من $\frac{1}{\sqrt{2}}$

معيار عزم قوة بالنسبة لنقطة : إذا كان v يمثل معيار القوة \overline{v} ، v يمثل طول العمود الساقط من النقطة (v على خط عمل القوة فإن : معيار عزم \overline{v} حول النقطة (v) يحسب من العلاقة : v v v v v على خط عمل القوة فإن : معيار عزم v حول النقطة (v) يحسب من العلاقة : v

القياس الجبرى لعزم قوة بالنسبة لنقطة:

إذا كانت القوة تعمل على دوران الجسم حول نقطة (و) في عكس اتجاه دوران عقارب الساعة فإن القياس الجبرى لمتجه



عزم القوة يكون موجبًا ، وإذا كانت القوة تعمل

على دوران الجسم حول نقطة (و) مع اتجاه دوران عقارب الساعة فإن القياس الجبرى لمتجه عزم القوة يكون ساليًا.

$$\frac{||\vec{z}||}{||\vec{b}||}$$
 طول العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو ل حيث : \vec{v} : \vec{v} طول العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم من نقطة (و) على خط عمل \vec{v} هو العمود المرسوم المرسوم العمود المرسوم المرسوم المرسوم المرسوم العمود المرسوم المرسوم العمود المرسوم العمود المرسوم المرسوم العمود المرسوم المرسوم المرسوم العمود المرسوم ا

- ▼ إذا تلاشى عزم قوة بالنسبة لنقطة فإن خط عمل القوة يمر بهذه النقطة.
- مبدأ العزوم (نظرية فارينون) عزم القوة آب بالنسبة لنقطة يساوى مجموع عزوم مركبات هذه القوة بالنسبة النقطة نفسها.
- ◄ نظرية: مجموع عزوم عدة قوى مستوية متلاقية فى نقطة بالنسبة لأى نقطة فى الفراغ يساوى عزم
 محصلة هذه القوى بالنسبة للنقطة نفسها.

حيث : ~ متجه موضع نقطة على خط عمل القوة بالنسبة لنقطة الأصل

مرکبات عزوم قوة فی اتجاه المحاور إذا کانت : $\vec{v} = (v_0, v_3, v_3)$ قوة تؤثر فی نقطة متجه موضعها بالنسبة لنقطة الأصل $\vec{v} = (v_0, v_3)$ فإن : (v_0, v_3, v_3) مرکبة عزم \vec{v} فی اتجاه محور \vec{v} (v_0, v_3) مرکبة عزم \vec{v} فی اتجاه محور \vec{v} (v_0, v_3) مرکبة عزم \vec{v} فی اتجاه محور v_0

(س س س س س س مركبة عزم س في اتجاه محور ع الم

انضم الي

قناة العباقرة ٣ث

رابط القناة علي تطبيق Telegram 👃







القوى المتوازية المستوية

🗢 محصلة قوتين متوازيتين وفي نفس الاتجاه

المحصلة: $\overline{\zeta} = 0$ + 0 و تؤثر في نقطة ح $\overline{\zeta} = \overline{\zeta}$ بحيث: $\overline{\zeta} = \zeta \times \zeta$

→ محصلة قوتين متوازيتين ومتضادتين في الاتجاه

 $\overline{}$ المحصلة: $\overline{} = 0$, + 0, = (0, -0, 0) وتؤثر في نقطة حرج + 0 ، حرج المحصلة

بحيث: ١ ح × ٠٠ = ١٠ ح × ٠٠ إ

ت عزوم القوى المتوازية المستوية

نظرية (مجموع عزوم أى عدد محدود من القوى المتوازية المستوية بالنسبة لنقطة يساوى عزم محصلة هذه القوى بالنسبة لنفس النقطة)

کے محصلة عدة قوى متوازية

فإن: محصلتها هي ح حيث: = 0 + 0 + 0 + 0 وتؤثر في نقطة ححيث:

ره اتزان مجموعة من القوى المتوازية المستوية

قاعدة: إذا اتزن جسم متماسك تحت تأثير مجموعة من القوى المتوازية المستوية فإن:

→ مجموع القياسات الجبرية لهذه القوى (بالنسبة لمتجه وحدة يوازيها) يساوى صفرًا (المحصلة = صفر)

→ مجموع القياسات الجبرية لعزوم هذه القوى حول أى نقطة في مستواها يساوى صفرًا

الاتزان العام

- ن إذا اتزن جسم جاسئ تحت تأثير قوتين ، فإنه يمكن نقل نقطة تأثير أى من القوتين إلى نقطة أخرى على خط عملها دون أن يؤثر ذلك في اتزان الجسم.
- إذا اتزنت ثلاث قوى مستوية ومتلاقية في نقطة ، ورسم مثلث أضلاعه توازى خطوط عمل القوى ، فإن أطوال أضلاع المثلث تكون متناسبة مع مقادير القوى المناظرة.
 - إذا اتزن جسم تحت تأثير ثلاث قوى مستوية وغير متوازية ، فإن خطوط عمل هذه القوى تتلاقى فى نقطة وإحدة.
 - ثسروط اتزان جسم تحت تأثیر عدة قوی مستویة ومتلاقیة فی نقطة:
 - ب٠ المجموع الجبرى لمركبات القوى فى اتجاه و س = صفر
 - ب المجموع الجبرى لمركبات القوى في اتجاه و ص = صفر

انعدام عزم مجموعة القوى بالنسبة لاى نقطة:

تتوازن عزوم الدوران المؤثرة علي جسم في اتجاه دوران عقارب الساعة مع عزوم الدوران في عكس اتجاه دوران عقارب الساعة حتى يكون الجسم في حالة اتزان.

الشروط الكافية و اللازمة لاتزان مجموعة من القوى المستوية:

لكي تتزن مجموعة من القوي المستوية يلزم ويكفي ان تتحقق الشروط الاتية:

- بنعدم مجموع المركبات الجبرية للقوي في اتجاهين متعامدين واقعين في مستواها.
- ❖ ينعدم مجموع المركبات الجبرية لعزوم القوي بالنسبة لنقطة واحدة في مستواها.
 ويمكن التعبير رياضياً عن هذه الشروط كالآتى:

الازدواجات

- □ تعریف الازدواج: هو نظام من القوی یتکون من قوتین متساویتان فی المعیار ومتضادتین فی الاتجاه و لا یجمعهما خط عمل و احد.
- يعرف عزم الازدواج: يعرف عزم الازدواج بأنه مجموع عزمى قوتى الازدواج حول أى نقطة فى الفراغ ومعياره يساوى حاصل ضرب معيار إحدى القوتين فى البعد بينهما.
 - 💻 نظرية: عزم الازدواج هو متجه ثابت لايعتمد على النقطة التي يُنسب إليها عزمي قوتيه.

💻 اتزان ازدواجين: يُقال لازدواجين أنهما متزنان إذا كان مجموع عزميهما هو المتجه الصفرى.

💻 اتزان جسم تحت تأثير عدة ازدواجات:

□ تكافؤ ازدواجين: يُقال لازدواجين مستويين أنهما متكافئان إذا تساوى القياسان
 الجبريان لمتجهى عزميهما.

💻 نظام القوى المستوية التي تكافئ ازدواج:

يُقال لعدة قوى مستوية م، ، م، م، ، م، ، م، أنها تكافئ ازدواج إذا تحقق الشرطان الآتيان معًا:

- محصلة القوى تساوى المتجه الصفرى (υ , + υ , + υ , + υ) محصلة القوى محصلة القوى محصلة المتجه الصفرى (υ , + υ)
 - ♦ مجموع عزوم القوى حول أي نقطة في الفراغ لاينعدم.
- قاعدة (۱): إذا أثرت عدة قوى مستوية فى جسم متماسك ومثلها تمثيلًا تامًا أضلاع مضلع مقفل مأخوذة فى ترتيب دورى واحد، كانت هذه المجموعة تكافئ ازدواجًا معيار عزمه يساوى حاصل ضرب ضعف مساحة سطح المضلع فى مقدار القوة الممثل لوحدة الأطوال.

تعميم: إذا أثرت عدة قوى مستوية فى جسم متماسك ومثلها تمثيلا تامًا أضلاع مضلع مقفل مأخوذة فى ترتيب دورى واحد ، كانت هذه المجموعة تكافىء ازدواجًا معيار عزمه يساوى حاصل ضرب ضعف مساحة سطح المضلع فى مقدار القوة الممثل لوحدة الطوال.

■ قاعدة (۲): إذا كان مجموع القياسات لعزوم مجموعة من القوى المستوية بالنسبة لثلاث نقط في مستواها ليست على استقامة واحدة يساوى مقدار ثابت لايساوى الصفر ، كانت هذه المجموعة تكافئ ازدواجًا القياس الجبرى لعزمه يساوى هذا المقدار الثابت.

الازدواج المحصل: يُعرف مجموع ازدواجين مستويين ج، ، ج، على أنه الازدواج الذى عزمه مجموع عزمه مجموع عزمى هذين الازدواجين حيث ($\frac{1}{2}$ = ج، + ج،)

مركز الثقل

* مركز ثقل جسم جاسئ: هو نقطة ثابتة في الجسم يمر بها خط عمل محصلة أوزان الجسيمات التي يتكون منها الجسم ، ولايتغير موضعها بالنسبة للجسم ، مهما تغير وضعه بالنسبة للأرض.

* ملاحظات على مركز الثقل: مركز ثقل الجسم الجاسئ يتغير بتغير شكله ، وذلك لتغير الأبعاد بين الجسيمات المكونه له.

★ الجسم المنتظم الكثافة: هو الجسم الذي تكون كتلة وحدة الأطوال أو المساحات أو الحجوم المأخوذة من أي جزء منه ثابتة.

* متجه موضع مركز الثقل للجسم الجاسئ بالنسبة لنقطة الأصل:

إذا كانت : ك ، ، ك ، ، ك ، ، ، ، ك إذا كانت : ك ، ، ك ، ك ل الجسيمات المكونة للجسيم الجاسئ ،

 \sim متجهات مواضع هذه الجسيمات منسوبة إلى نقطة الأصل \sim ، \sim ، \sim متجهات مواضع

فإن متجه الموضع مر لمركز ثقل الجسم الجاسئ منسوبًا إلى نقطة الأصل يتحدد من العلاقة:

ويُعبر عنها بدلالة مركبات مركز الثقل في نظام الاحداثيات الديكارتية المتعامدة كالآتي :

₩ التعليق الحر للجسم الجاسئ: يقع مركز ثقل الجسم الجاسئ المعلق تعليقًا حرًا على الخط المستقيم الرأسي المار بنقطة التعليق.

* مركز ثقل قضيب رفيع منتظم: مركز ثقل قضيب رفيع منتظم الكثافة يقع عند نقطة منتصفه.

* مركز ثقل صفيحة رقيقة منتظمة على شكل متوازى أضلاع: مركز ثقل الصفيحة المنتظمة المحدودة بشكل متوازى الأضلاع يقع عند مركزها الهندسي (نقطة تلاقي قطري متوازى الضلاع)

* مركز ثقل صفيحة رقيقة منتظمة على شكل مثلث: مركز ثقل الصفيحة المنتظمة المحدودة بمثلث يقع عند نقطة تلاقى متوسطات هذا المثلث.

* طريقة الكتل السالبة: باعتبار أن كتلة الجسم الأصلى (ك) والجزء المقتطع (باعتبار أن كتلته سالبة)

هو (-ك,) فإن كتلة الجزء المتبقى (ك-ك,) لذلك فإن : \sim , ثعطى بالعلاقة :

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1$$

ويمكن كتابة العلاقة الاتجاهية السابقة بدلالة المركبات في اتجاه محاور الإحداثيات المتعامدة وسم، و ص

فإن مركز ثقلها يقع على خط هذا المحور.

🚸 تماثل مجسم هندسي منتظم الكثافة: إذا وُجد مستوى تماثل هندسي لمجسم منتظم الكثافة ، وقع مركز ثقله في هذا المستوي.

* بعض الحالات الخاصة لمركز الثقل:

- مركز ثقل سلك منتظم الكثافة على هيئة دائرة يقع في مركز الدائرة.
- 🚣 مركز ثقل صفيحة منتظمة الكثافة محدود بدائرة يقع في مركز الدائرة.
 - مركز ثقل قشرة كروية منتظمة الكثافة يقع في مركز الكرة.
 - 🚣 مركز ثقل كرة مصمتة منتظمة الكثافة يقع في مركز الكرة.
- 🚣 مركز ثقل مجسم منتظم الكثافة على هيئة متوازى مستطيلات يقع في مركزه الهندسي.
- 🚣 مركز ثقل قشرة اسطوانة دائرية قائمة منتظمة الكثافة ، يقع عند نقطة منتصف القطعة المستقيمة الواصلة بين مركزي قاعدتيها

- لله مركز ثقل اسطوانة دائرية قائمة مصمتة منتظمة الكثافة ، يقع عند نقطة منتصف القطعة المستقيمة الواصلة بين مركزى قاعدتيها.
- له مركز ثقل منشور قائم منتظم يقع عند نقطة منتصف القطعة المستقيمة الموازية لأحرفه الجانبية والمارة بمركزى ثقل قاعدتيه ، باعتبارهما صفيحتين رقيقتين منتظمتى الكثافة.

انضم الي

قناة العباقرة ٣ث

رابط القناة على تطبيق Telegram ل



